Actividades de repaso







Recuerdas cómo escribes en matemáticas el:

| El doble de un número menos 6: 2x – 6 | • El doble de un número, aumentado en 8: 2 x + 8 | Un tercio de un número, menos 7: x/3 - 7 |
|--|---|---|
| La suma de dos números consecutivos: x + (x + 1) | La cuarta parte del 70% de un número: 0.7x / 4 | El cuadrado de un número, disminuido en 12: x² - 12 |

1. Cuando traducimos lo que normalmente hablamos a expresiones matemáticas con letras, símbolos y números, se llama lenguaje algebraico y es una forma fácil de establecer relaciones en forma de ecuación.

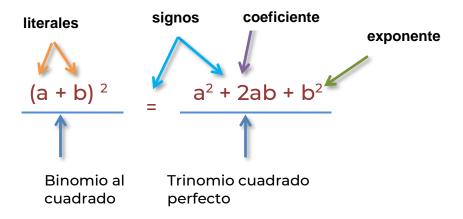
| Lenguaje común | Lenguaje algebraico |
|--|---------------------|
| La suma del cuadrado de a, el cubo de b y la cuarta potencia de c. | |
| Si x es un número entero, escribe los tres números | |
| enteros consecutivos posteriores a x. | |
| La suma del doble de x con el triple de y y la mitad | |
| de z. | |
| La mitad del cubo de un número. | |
| El cuadrado de un número aumentado en 5. | |

¿Recuerdas la diferencia entre monomio, binomio y trinomio?

| 3xy ² | 5x - 1 | $3x + 5y^2 - 3$ |
|---------------------|----------------------|-----------------------|
| Monomio (1 término) | Binomio (2 términos) | Trinomio (3 términos) |

| 5xy³ | Los monomios son expresiones algebraicas que se componen de solo un término algebraico en las que utilizan números y letras y las únicas operaciones que se encuentran entre las letras son el producto y la potencia. |
|---------------------|--|
| 32 xy – 4 xy | Cuando tenemos dos términos algebraicos que están realizando operaciones tanto de suma o resta, se le llama binomio (se forma de dos monomios). |
| 7a²- 2bc + 4ab³c | De tres monomios se llama trinomio, de cuatro en adelante se llama polinomio. |





2. Completa la siguiente tabla, observa los ejemplos.

| Clasificación | Expresión algebraica | Coeficiente(s) | Literal(es) | Grado |
|---------------|---------------------------|----------------|-------------|-------|
| monomio | -9x ² | -9 | X | 2 |
| binomio | 7a + 9a⁴ | | | 4 |
| polinomio | x + xy – 11y ³ | | | 3 |
| | 8x³y⁵z | | | 9 |
| | 2n² – n³ | | | 3 |
| | 4y – 8y + ½ y + y | | | 1 |
| | 7b + 1 | | | |
| | $3x^4 - 2x^4 + 7x^4$ | | | |
| | $2 a^2 b c^3$ | | | |
| | -30x ⁶ | | | |
| | $4x^3y + 3x^2y^2 - 8x^8$ | | | |

3. Realiza las sumas y restas de monomios.

$$3x^2y^3z + 5x^2y^3z =$$

$$24x^3 - 7x^3 =$$

$$9x^4 - 3x^4 + 2x^4 =$$

$$5a^2bc^3 - 3a^2bc^3 + 7a^2bc^3 - 10a^2bc^3$$

| Operaciones con monomios | | | | | |
|--|---|---|--|--|--|
| Suma de monomios. | Resta de monomios | Producto de monomios | Cociente de monomios | | |
| Para sumar dos monomios con la misma parte literal, se mantiene ésta y se suman los coeficientes. | Para restar dos monomios con idéntica parte literal, mantenemos la parte literal y restamos los coeficientes. | Se multiplican los coeficientes y se suman los exponentes de los elementos con la misma base. | Se dividen los coeficientes y se restan los exponentes de los elementos de la misma base. | | |
| (ax² + bx²) =(a+b)x² | $5x^2y^3 - 9x^2y^3 = -4x^2y^3$ | $(3x^2yz^3) (4x^3y^6z^5) =$ $12x^5y^7z^8$ | $8x^{3}yz^{9} / 4x^{2}yz^{5} =$ $2xy^{-5}z^{4}$ | | |

Suma de polinomios

También podemos colocarlos en forma de columna

$$(4a^2 + 7a - 12) + (-9a^2 - 6 + 2a)$$

Se coloca el término semejante debajo del semejante.

$$4a^2 + 7a - 12$$
(+) - $9a^2 + 2a - 6$
- $5a^2 + 9a - 18$

Regla de suma: Signos iguales se suman y el total mantiene el signo. Signos diferentes se restan y la diferencia lleva el signo del mayor en valor absoluto. 4. Realiza las sumas y restas de polinomios.

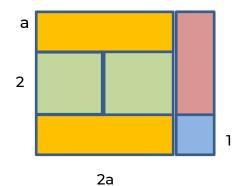
$$(2x^2 + 6x + 5) + (3x^2 - 2x - 1) =$$

$$(2x^2 + 6y + 3xy) + (3x^2 - 5xy - x) + (6xy + 5) =$$

$$(2x^3 + 2x^3) + (3x^2 + 5x) - (4x^2 - 3x) =$$

$$(7x^4 + 4x^2 + 7x + 2) - (6x^3 + 8x + 3)$$

5. Escribe tres expresiones algebraicas equivalentes que representen el área total de la figura.

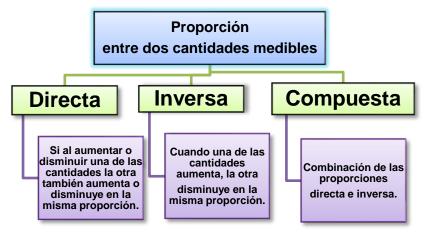


| 1. | | | | |
|----|--|--|--|--|

6. Realiza los despejes necesarios para resolver lo que se solicita en cada caso.

| Cuerpos geométricos | Fórmula volumen | Resultado | Medidas | | | |
|------------------------|--------------------------------------|-----------|---------------------|------------------------|----------------------------------|--------------------------|
| | V = (b · h) h' | | largo 15 cm | ancho 8 cm | ¿altura? | volumen 720 cm³ |
| | V = π r² h | | ¿radio? | ¶ 3.1416 | altura 10 cm | volumen 125.66 cm³ |
| 2r | $V = \frac{4 \pi r^3}{3}$ | | ¿radio? | ¶ 3.1416 | | volumen 904.78 cm³ |
| | V = <u>(p·a/2)·</u> <u>h</u> 3 | | perímetr o 15 cm | ¿apotema? | altura 20 cm | volumen 100 cm³ |
| | $V = \frac{\pi r^2 h}{3}$ | | radio 3 cm | ¶ 3.1416 | ¿altura? | volumen 94.24 cm³ |
| | V = ³ | | ¿lado? | - | - | volumen 64 cm₃ |
| | V = <u>(b · h)</u> h 2 | | base 7 cm | ¿altura de la base? | altura del prisma 12 cm | volumen 168 cm³ |

PROPORCIONALIDAD





Proporcionalidad directa

La regla de 3 simple es una operación que nos ayuda a resolver rápidamente problemas de proporcionalidad, tanto directa como inversa. Para hacer una regla de 3 simple necesitamos 3 datos: dos magnitudes proporcionales entre sí y una tercera magnitud.

$$\frac{5}{8} = \frac{15}{24} \Rightarrow 5 \times 24 = 8 \times 15$$

$$\frac{a}{b} = \frac{c}{d} \Rightarrow a \cdot d = b \cdot c$$

Ejemplo: Para preparar 142 pasteles se necesitan 64 kg de azúcar. ¿Cuántos pasteles se pueden preparar con 96 kg de azúcar?

| Número de pasteles | Cantidad de azúcar | X = <u>142 · 96</u> = 213 |
|-----------------------|--------------------|---------------------------|
| 142 | 64 kg | 64 |
| X | 96 kg | |

Respuesta: con 64 kg de azúcar se pueden preparar 213 pasteles

Ejemplos de proporcionalidad directa

- El tamaño de un recipiente y el número de litros que puede contener.
- Los kilos de café y el número de tazas que se pueden servir.
- Las entradas vendidas para un concierto y el dinero recaudado.

Proporcionalidad inversa

Regla del tres inversa se usa en las proporciones inversas; es igual a multiplicar los valores en forma lineal.

3 pintores tardan 12 días en pintar una casa.¿Cuánto tardarán 9 pintores en hacer el mismo trabajo?

3 pintores tardan 12 días. 9 pintores, ¿tardarán más o menos días?

Al haber más pintores, tardarán menos tiempo en terminar el trabajo. Entonces, es proporcionalidad inversa. 3 pintores ____ 12 días 9 pintores ____ X

9 pintores tardarán 4 días en pintar la casa.



Ejemplos de proporcionalidad inversa

- Entre más camiones haya para transportar personas de una ciudad a otra, menos viajes se necesitarán hacer.
- Entre más kilómetros recorridos por un avión, menos combustible tendrá en sus depósitos.
- Entre menos trabajadores para realizar una obra haya, más tiempo tardarán en terminarlo.

7. Resuelve los siguientes problemas

- a) Compré 3 kg de naranjas y me cobraron \$ 35.80 ¿Cuánto me cobrarían por 11 kg?
- b) Marcos ha cobrado por trabajar como mesero durante 7 días \$ 3 026. ¿Cuántos días deberá trabajar para cobrar \$ 10 000?
- c) En un croquis de una ciudad, una calle de 400 metros de longitud mide 4.2 cm. ¿Cuánto medirá sobre ese mismo croquis otra calle de 250 metros?
- d) En una pastelería, con 70 kilos de mantequilla hacen 147 kilos de pan. ¿Cuántos kilos de mantequilla serían necesarios para hacer 110 kilos de pan?
- e) Sofía medía 1,52 m a principios de año. Pasados 3 meses, medía 1,55 y a finales de año, 1,61. ¿Cuándo creció más rápido, en los primeros 3 meses o en el resto del año?
- f) En el equipo de fútbol de la escuela han jugado como porteros Carlos y Pedro. A Carlos le han marcado 15 goles en 9 partidos jugados. Pedro jugó 18 partidos y le marcaron 22 goles. ¿Cuál de los dos ha tenido mejores actuaciones?
- g) Una alberca ha tardado en llenarse 6 horas utilizando 4 llaves iguales. ¿Cuántas llaves, iguales, serán necesarias para llenarla en 3 horas?
- h) Para construir unas oficinas en 11 meses han sido necesarios 9 albañiles. ¿Cuántos habrían sido necesarios para construir las oficinas en tan sólo 4 meses?
- i) En una fábrica una máquina pone, en total, 17 000 tornillos en las 8 horas de jornada laboral, funcionando de forma ininterrumpida. ¿Cuántos tornillos pondrá en 5 horas?



j) Después de un incendio, 4 camiones de bomberos han tardado 7 horas en apagar el fuego. ¿Cuántas horas se hubiera tardado, utilizando sólo 3 camiones?

Probabilidad teórica

p (evento) = <u>número de resultados</u> <u>favorables</u> número de resultados posibles

De una bolsa con 15 canicas de diferentes colores, Sofía sacaba sin ver de una en una, regresando cada canica antes de volver a sacar otra. En la siguiente tabla se registraron los resultados del experimento.



| Número de veces que salió cada | | | | | |
|--------------------------------|-----------------------------------|-----------------|--|--|--|
| | canica | | | | |
| roja | azul | verde | | | |
| 6 | 5 | 4 | | | |
| | | | | | |
| Proba | bilidad de cad | da canica | | | |
| roja | azul | verde | | | |
| <u>6</u> = 0.4 | <u>5</u> = 0.33 | <u>4</u> = 0.26 | | | |
| 15 | 15 | 15 | | | |
| | | | | | |
| Porcient | Porciento de probabilidad teórica | | | | |
| 0.4 x | 0.33 x | 0.26 x | | | |
| 100 | 100 | 100 | | | |
| 40 % | 33 % | 26 % | | | |
| | | | | | |

8. Resuelve

- a) En una clase con 12 niños y 16 niñas, se va a escoger a un representante para la sociedad de alumnos. ¿Cuál es la probabilidad de que se escoja a una niña?
- b) Un cubo numerado está marcado con 1, 2, 3, 4, 5 y 6 en sus caras. Supón que lanzas el cubo una vez. Calcula la probabilidad de cada evento. Escribe cada respuesta como fracción, decimal y porcentaje.

P (4) = _____

P (4, 5 ó 6) = _____

P (3 ó 5) = _____

P (1, 2 ó 3) = _____

c) En un examen de matemáticas, el 78 % de los alumnos obtuvieron 7 de calificación. ¿Cuál es la probabilidad de que un alumno en particular no haya obtenido 7 en su examen?

Piensa





Calcula la probabilidad y el porcentaje de obtener un número impar en el lanzamiento de un dado.

En un zoológico se necesitan 72 kg de carne cruda, para alimentar a 5 leones por día. ¿Cuántos kilogramos de carne diaria se necesitan para alimentar a 14 leones?

• Si 5 leones necesitan 72 kg de carne, entonces un león necesita 72 ÷ 5 = 14.4 kg de carne; y, los 14 leones necesitarán 14.4 kg X 14 = **201.6 kg**

